#### Тема: Неинерциальные системы отсчёта

**Неинерциальными системами отсчёта** (HCO) называются системы отсчёта, которые движутся с ускорением относительно инерциальных систем отсчёта (ИСО).

В неинерциальных системах отсчёта помимо сил, действующих в инерциальных системах, возникают ещё особые силы, которые обусловлены ускоренным движением неинерциальной системы отсчёта и которые называются силами инерции.

Силы инерции — силы, обусловленные ускоренным движением неинерциальной системы отсчета (НСО) относительно инерциальной системы отсчета (ИСО).

Таким образом, силы инерции вызываются не взаимодействием тел, а ускоренным движением системы отсчета. По этой причине они не подчиняются третьему закону Ньютона, так как если на тело действует сила инерции, то не существует силы, противодействующей ей и приложенной к данному телу. Два основных положения механики, по которым ускорение всегда вызывается силой, а сила всегда обусловлена взаимодействием между телами, в системах отсчета, движущихся с ускорением, одновременно не выполняются (по современным представлениям силы инерции обусловлены взаимодействием тела со всей массой Вселенной).

Возникает вопрос о реальном или фиктивном существовании сил инерции. В ньютоновской механике, в которой сила является результатом взаимодействия тел, на силы инерции можно смотреть как на не существующие в инерциальных системах отсчета или фиктивные. Однако возможна и другая их интерпретация. Поскольку взаимодействия тел осуществляются посредством силовых полей, то силы инерции рассматриваются как воздействия, которым подвергаются тела со стороны каких-то реальных силовых полей, и тогда их можно считать реальными. Силы инерции, которые действуют на тела в неинерциальной системе отсчета, пропорциональны их массам и при прочих равных условиях сообщают этим телам одинаковые ускорения. Следовательно, в поле сил инерции эти тела движутся абсолютно одинаково, если только одинаковы начальные условия. Тем же свойством обладают тела, которые находятся под действием сил поля тяготения.

Возможны условия, при которых силы инерции и силы тяготения невозможно различить. Например, движение тел в равноускоренном лифте происходит точно так же, как и в неподвижном лифте, висящем в однородном поле тяжести. Никакой эксперимент, выполненный внутри лифта, не может отделить однородное поле сил инерции от однородного поля тяготения.

Аналогия между силами тяготения и силами инерции лежит в основе принципа эквивалентности сил инерции и гравитационных сил (принципа эквивалентности Эйнштейна):

все физические явления в поле тяготения происходят так же, как и в соответствующем поле сил инерции, если напряженности обоих полей в соответствующих точках пространства совпадают и начальные условия для рассматриваемых тел одинаковы.

Этот принцип является основой общей теории относительности.

#### Особенность сил инерции

- 1. Для них не выполняется третий закон Ньютона, так как не возможно указать тело со стороны которого действуют силы инерции,
- 2. они реально существуют и могут быть измерены, например, динамометром,
- 3. как и силы тяготения, силы инерции пропорциональны массе тела

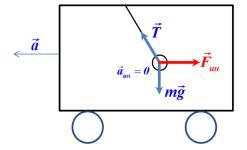
Различают следующие силы инерции:

1. Сила инерции  $\vec{F}_{\text{ин}}$  (обусловлена поступательным движением неинерциальной системы отсчёта с ускорением  $\vec{a}$  относительно инерциальной системы отсчёта)

$$\vec{F}_{uu} = -m\vec{a}$$
,

где  $\vec{F}_{_{\!\mathit{U\!H}}}$  - сила инерции, действующая на тело в поступательно движущейся НСО, m - масса тела,

 $\vec{a}$  - ускорение неинерциальной системы отсчёта относительно инерциальной. (сила инерции  $\vec{F}_{uh}$  появляется, например, в автомобиле или самолете при их разгоне).



2. *Центробежная сила инерции*  $\vec{F}_{u\bar{o}}$  (обусловлена вращательным движением неинерциальной системы отсчёта с угловой скоростью  $\vec{\omega}$  и действующая как на неподвижное, так и на движущееся относительно HCO тело)

$$\vec{F}_{u\tilde{o}} = -m\,\omega^2 \vec{r}$$

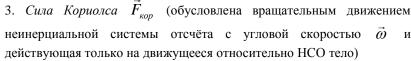
где  $\vec{F}_{u\bar{o}}$  - центробежная сила инерции, действующая на тело во вращающейся HCO.

 $\vec{\omega}$  - угловая скорость HCO относительно ИСО (вектор направлен вдоль оси вращения в соответствии с правилом правого винта),

 $\vec{r}$  - радиус-вектор, проведённый от центра вращения до тела,

т - масса тела.

(центробежная сила инерции  $\vec{F}_{uo}$  является причиной отклонения кресел при вращении каруселей).



$$\vec{F}_{\kappa op} = 2m \left[ \vec{\omega} \vec{v} \right]$$

где  $\vec{F}_{\kappa op}$  - сила Кориолиса, действующая на тело, движущееся со скоростью  $\vec{v}$ 

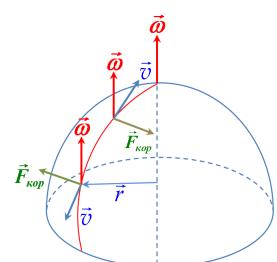
относительно вращающейся НСО.

 $\vec{\omega}$  - угловая скорость HCO относительно ИСО;

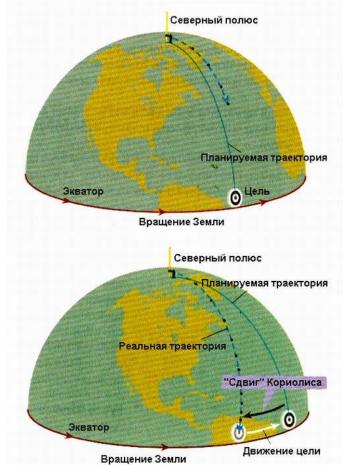
 $\vec{v}$  - скорость тела относительно НСО;

*m* - масса тела.

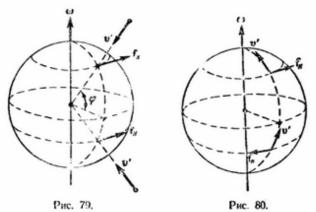
(Кориолисова сила инерции  $\vec{F}_{\kappa op}$  является причиной завихрения циклонов, размывания одного их берегов рек, отклонения в сторону траектории полёта снарядов и др.).



ã



Примеры движений, в которых проявляется кориолисова сила инерции. При истолковании явлений, связанных с движением тел отиосительно земной поверхности, в ряде случаев необходимо учитывать влияние кориолисовых сил. Например, при свободном падении тел на



пих действует кориолисова сила, обусловливающая отклонение к востоку от липии отвеса (рис. 79). Эта сила максимальна на экваторе и обращается в нуль на полюсах.

Летящий снаряд также испытывает отклонения, обусловленные кориолисовыми силами инерции (рис. 80). При выстреле из орудия, направленного на север, снаряд будет отклоняться к востоку в северном полушарии и к западу — в южном. При стрельбе вдоль меридиана на юг направления отклонения будут противоположными. При стрельбе вдоль экватора силы Кориолиса будут прижимать снаряд к Земле, если выстрел произ(отклонение кресел на аттракционе обусловлено действием центробежной силы инерции)



### Основной закон динамики для неинерциальных систем отсчета

Если в инерциальных система отсчёта учитывать действующие на тело силы инерции, то основное уравнение динамики будет аналогичным второму закону Ньютона, который справедлив только в инерциальных системах отсчёта:

в неинерциальной системе отсчёта векторная сумма всех сил, действующих на тело, включая и силы инерции, равна произведению массы этого тела на сообщённое ему ускорение относительно неинерциальной системы отсчёта:

$$m\vec{a}_{\scriptscriptstyle H} = \sum \vec{F}_{\scriptscriptstyle i} + \vec{F}_{\scriptscriptstyle UH} + \vec{F}_{\scriptscriptstyle UO} + \vec{F}_{\scriptscriptstyle KOP},$$

где 
$$\sum \vec{F}_{i}$$
 - сумма всех сил, действующих на тело,  $\vec{F}_{un}=-m\vec{a}$  ,  $\vec{F}_{u\delta}=-m\omega^{2}\vec{r}$  и  $\vec{F}_{\kappa op}=2m\left[\vec{\omega}\vec{v}\right]$  - силы инерции,

 $\vec{a}$  - ускорение неинерциальной системы отсчёта относительно инерциальной,

 $\vec{a}_{\scriptscriptstyle H}$  - ускорение тела относительно неинерциальной системы отсчёта.

## Законы изменения в неинерциальных системах отсчёта

Так как силы инерции всегда являются силами внешними, следовательно, в неинерциальных системах отсчёта не выполняются законы сохранения импульса, момента импульса и полной механической энергии. Однако если учесть силы инерции, то будут справедливы следующие законы изменения:

## Закон изменения импульса механической системы

В неинерциальной системе отсчёта векторная сумма всех внешних сил, действующих на тела механической системы с учётом всех сил инерции, равна скорости изменения импульса этой механической системы:

$$\sum \vec{F}_i + \sum \vec{F}_{i \text{ unepu}} = \frac{d\vec{p}}{dt}$$

## Закон изменения момента импульса механической системы

В неинерциальной системе отсчёта векторная сумма моментов всех внешних сил, действующих на тела механической системы относительно неподвижной точки О с учётом моментов всех сил инерции, равна скорости изменения момента импульса этой механической системы относительно той же точки О:

$$\sum \vec{M}_i + \sum \vec{M}_{i \text{ unepy}} = \frac{d\vec{L}}{dt}$$

# Закон изменения полной механической энергии системы

В неинерциальной системе отсчёта алгебраическая сумма работ всех неконсервативных сил, действующих на тела механической системы с учётом работы всех сил инерции, равна изменению полной механической энергии этой механической системы: